

2. Егорова Н. Е., Хачатрян С. Р. Динамические модели развития малых предприятий, использующих кредитно-инвестиционные ресурсы. / Препринт # WP/2001/118. М.: ЦЭМИ РАН, 2011. – 44 с.

**Бондарева А. А., д. е. н. Шерстенников Ю. В.**

*Дніпровський національний університет імені Олеся Гончара (Україна)*

### **МОДЕЛЮВАННЯ ДИВЕРСИФІКАЦІЇ ОСНОВНИХ ЗАСОБІВ ПІДПРИЄМСТВА**

Метою досліджень у даній роботі було: 1) побудова економіко-математичну модель малого (середнього) підприємства випускаючого два види продукції; 2) дослідження диверсифікації основних засобів підприємства залежно від частки прибутки виділюваної на реінвестування.

Розглядалася наступна модель малого підприємства. Підприємство розбудовується за рахунок внутрішніх джерел (прибутки). Основні виробничі засоби – єдиний фактор, що визначає випуск продукції. Мале підприємство функціонує при незмінній технології, що означає сталість його фондівіддачі. З урахуванням зроблених передумов виробнича діяльність описується однофакторною виробничою функцією, а темпи розвитку підприємства визначаються динамікою розвитку основних виробничих засобів. Застосовувана нами модель відрізняється від моделі [1] тим, що ми розглядаємо підприємство, що провадить два види продукції.

Основні виробничі засоби  $A$  малого (середнього) підприємства, що випускає два види продукції, можна розділити на три частини:

$$A = A_0 + A_1 + A_2, \quad (1)$$

де  $A_0$  – основні засоби, які використовуються для виготовлення обох видів продукції (на початкових стадіях проведення);  $A_1, A_2$  – основні засоби які використовуються винятково для проведення продукції першого й другого виду, відповідно.

У розглянутому випадку, залежність між основними змінними малого підприємства представляється наступною системою рівнянь:

$$P(t) = \sum_{i=0}^2 P_i(t), \quad (2)$$

$$P_i(t) = f_i \cdot A_i(t), \quad (3)$$

$$M_{tot}(t) = \sum_{i=0}^2 (1 - c_i) P_i(t), \quad (4)$$

$$M(t) = M_{tot}(t) - N(t), \quad (5)$$

$$N(t) = \tau \cdot (1 - \xi_0 - \xi_1 - \xi_2) M(t), \quad (6)$$

$$\frac{dA_i}{dt} = \xi_i \cdot M(t), \quad (i = 0, 1, 2). \quad (7)$$

де  $P(t)$  – випуск продукції в момент  $t$  у вартісному вираженні;  $f_i$  – показник фондівіддачі для  $i$ -го виду засобів (за один місяць);  $A(t)$  – вартість

основних виробничих засобів;  $c_i$  – питома собівартість випуску продукції (обумовлена  $i$ -им виробничим фондом) у вартісному вираженні;  $M_{tot}(t)$  – загальний прибуток малого підприємства;  $M(t)$  – чистий прибуток малого підприємства за винятком податкових відрахувань;  $N(t)$  – сума податкових відрахувань;  $\tau$  – ставка оподаткування на прибуток;  $\xi_i$  – частка чистого прибутку, що відраховується на реінвестування для  $i$ -го виробничого фонду ( $0 \leq \xi \leq 1$ ).

Для продукції уздовж технологічного ланцюжка має місце співвідношення (аргумент  $t$  у функціях указувати не будемо):

$$\tilde{p}_0 A_0 = \tilde{p}_1 A_1 + \tilde{p}_2 A_2, \quad (8)$$

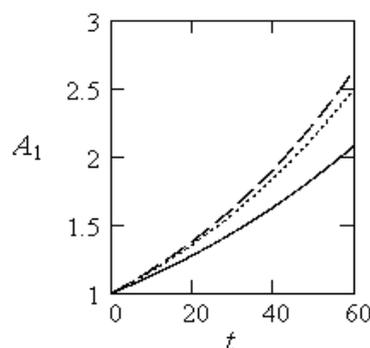
де  $\tilde{p}_i$  – продуктивність  $i$ -го виробничого фонду. Співвідношення (8) запишемо у вигляді:

$$A_0 = p_1 A_1 + p_2 A_2, \quad (9)$$

де  $p_i = \tilde{p}_i / \tilde{p}_0$ . Із системи (2) – (7), з обліком (9), знаходимо:

$$M = a_1 A_1 + a_2 A_2, \quad \text{де } a_i = \frac{(1 - c_0) p_i f_0 + (1 - c_i) f_i}{1 + \tau \cdot (1 - \xi_0 - \xi_1 - \xi_2)} \quad (10)$$

Для розрахунків по формулах (9), (10) обрані наступні значення параметрів, характерні для малих підприємств (див. [2]):  $c_1 = 0,8$ ;  $c_2 = 0,9$ ;  $p_1 = 0,5$ ;  $p_2 = 0,5$ ;  $f_0 = 0,08$  (нагадаємо, що показник фондоддачі ми беремо розраховуючи на один місяць);  $f_1 = 1,2 f_0$ ;  $f_2 = 1,3 f_0$ . На малюнку представлені результати розрахунків динаміки вартості основних виробничих засобів для першого виду продукції  $A_1(t)$  при  $p_1 = 0,5$ ,  $p_2 = 0,5$ . Для параметра  $\xi_1$  були обрані значення характерні для малих підприємств. Для параметра  $\xi_2$  вибиралися відповідні максимальні значення.



**Рис. 1.** Динаміка фонду  $A_1(t)$ : суцільна лінія –  $\xi_1 = 0,15$ ;  $\xi_2 = 0,517$ ; крапкова –  $\xi_1 = 0,5$ ;  $\xi_2 = 0,167$ ; штрихпунктирна –  $\xi_1 = 0,6$ ;  $\xi_2 = 0,067$

На Рис. 1. Показана динаміка фонду виробництва першого виду продукції  $A_1(t)$  при різних значеннях параметру реінвестування.

Висновки. Побудована економіко-математична модель малого (середнього) підприємства випускаючого два види продукції. На основі побудованої моделі виконане чисельне дослідження динаміки розвитку основних виробничих засобів підприємства залежно від частки прибутку виділюваної на реінвестування.

### Список використаних джерел:

1. Егорова Н. Е., Хачатрян С. Р. Застосування диференціальних рівнянь для аналізу динаміки розвитку малих підприємств, що використовують кредитно-інвестиційний ресурс // Економіка й математичні методи. – 2006. – № 1. – С. 50–67.
2. Малі підприємства Дніпропетровської області в 2005 році: Статистичний збірник. – Дніпропетровськ: Головні управління статистики в Дніпропетровській області, 2006. – 165 с.

**Бондарева А. А., д. е. н. Шерстенников Ю. В.**

*Дніпровський національний університет імені Олеся Гончара (Україна)*

### **МОДЕЛЮВАННЯ ДИНАМІКИ РОЗВИТКУ ОСНОВНИХ ВИРОБНИЧИХ ЗАСОБІВ МАЛОГО ПІДПРИЄМСТВА**

У роботі було поставлено завдання визначення найбільш оптимальної стратегії погашення кредитної заборгованості протягом 24 місяців. Для даного завдання застосовувалась наступна модель малого підприємства [1; 2]:

$$\tilde{A}_0 = A_0 + K_0 \quad (1)$$

$$P(t) = f \cdot A(t), \quad (2)$$

$$M_{tot}(t) = (1 - c) \cdot P(t) - pP(t), \quad (3)$$

$$M(t) = M_{tot}(t) - N(t), \quad (4)$$

$$N(t) = \tau \cdot k_1(1 - \xi)M(t), \quad (5)$$

$$\frac{dA}{dt} = \xi \cdot (M(t) - D(t)), \quad (6)$$

де  $f$  – показник фондівдачі (за один місяць);

$A(t)$  – вартість основних виробничих засобів;

$\tilde{A}_0$  – вартість основних виробничих засобів у момент  $t = 0$ ;

$c$  – питома собівартість випуску продукції у вартісному вираженні;

$p$  – ризик підприємства, тобто математичне сподівання частки нереалізованої продукції;

$M_{tot}(t)$  – загальний прибуток малого підприємства;

$M(t)$  – чистий прибуток малого підприємства за винятком податкових відрахувань;

$N(t)$  – сума податкових відрахувань;

$\tau$  – ставка оподаткування на прибуток;

$\xi$  – частка чистого прибутку, що відраховується на реінвестування ( $0 \leq \xi \leq 1$ );